Matematický software

Zápočtový dokument

**Jméno:** Karolína Radová

**Kontaktní email:** karolinarada@seznam.cz

**Datum odevzdání:** vyplňte

**Odkaz na repozitář:** [GitHub](https://github.com/Karolina060/MSW)

# Formální požadavky

**Cíl předmětu:**

Cílem předmětu je ovládnout vybrané moduly a jejich metody pro jazyk Python, které vám mohou být užitečné jak v dalších semestrech vašeho studia, závěrečné práci (semestrální, bakalářské) nebo technické a výzkumné praxi.

**Získání zápočtu:**

Pro získání zápočtu je nutné částečně ovládnout alespoň polovinu z probraných témat. To prokážete vyřešením vybraných úkolů. V tomto dokumentu naleznete celkem 10 zadání, která odpovídají probíraným tématům. Vyberte si 5 zadání, vypracujte je a odevzdejte. Pokud bude všech 5 prací korektně vypracováno, pak získáváte zápočet. Pokud si nejste jisti korektností vypracování konkrétního zadání, pak je doporučeno vypracovat více zadání a budou se započítávat také, pokud budou korektně vypracované.

**Korektnost vypracovaného zadání:**

Konkrétní zadání je považováno za korektně zpracované, pokud splňuje tato kritéria:

1. Použili jste numerický modul pro vypracování zadání místo obyčejného pythonu
2. Kód neobsahuje syntaktické chyby a je interpretovatelný (spustitelný)
3. Kód je čistý (vygooglete termín clean code) s tím, že je akceptovatelné mít ho rozdělen do Jupyter notebook buněk (s tímhle clean code nepočítá)

**Forma odevzdání:**

Výsledný produkt odevzdáte ve dvou podobách:

1. Zápočtový dokument
2. Repozitář s kódem

Zápočtový dokument (vyplněný tento dokument, který čtete) bude v PDF formátu. V řešení úloh uveďte důležité fragmenty kódu a grafy/obrázky/textový výpis pro ověření funkčnosti. Stačí tedy uvést jen ty fragmenty kódu, které přispívají k jádru řešení zadání. Kód nahrajte na veřejně přístupný repozitář (github, gitlab) a uveďte v práci na něj odkaz v titulní straně dokumentu. Strukturujte repozitář tak, aby bylo pro nás hodnotitele intuitivní se vyznat v souborech (doporučuji každou úlohu dát zvlášť do adresáře).

**Podezření na plagiátorství:**

Při podezření na plagiátorství (významná podoba myšlenek a kódu, která je za hranicí pravděpodobnosti shody dvou lidí) budete vyzváni k fyzickému dostavení se na zápočet do prostor univerzity, kde dojde k vysvětlení podezřelých partií, nebo vykonání zápočtového testu na místě z matematického softwaru v jazyce Python.

**Kontakt:**

Při nejasnostech ohledně zadání nebo formě odevzdání se obraťte na vyučujícího.

# 1. Knihovny a moduly pro matematické výpočty

**Zadání:**

V tomto kurzu jste se učili s některými vybranými knihovnami. Některé sloužily pro rychlé vektorové operace, jako numpy, některé mají naprogramovány symbolické manipulace, které lze převést na numerické reprezentace (sympy), některé mají v sobě funkce pro numerickou integraci (scipy). Některé slouží i pro rychlé základní operace s čísly (numba).

Vaším úkolem je změřit potřebný čas pro vyřešení nějakého problému (např.: provést skalární součin, vypočítat určitý integrál) pomocí standardního pythonu a pomocí specializované knihovny. Toto měření proveďte alespoň pro 5 různých úloh (ne pouze jiná čísla, ale úplně jiné téma) a minimálně porovnejte rychlost jednoho modulu se standardním pythonem. Ideálně proveďte porovnání ještě s dalším modulem a snažte se, ať je kód ve standardním pythonu napsán efektivně. ​

**Řešení:**

Dělala jsem operace násobení matic, výpočet faktoriálu, skalární součin, derivace funkce a výpočet integrálu. Díky knihovnám numpy, sympy a scipy to nebylo těžká. Funkce, které jsem dělala, jsou tam už udělané. Pak už jsem jen vypočítala čas procesu, což není nic těžkého a je to.

Najít řečení pomocí pythonu bylo o dost těžší. Naštěstí se dali uplatnit cykly nebo funkce. Ovšem zabralo mi to o dost víc času.

# 5. Hledání kořenů rovnice

**Zadání:**

Vyhledávání hodnot, při kterých dosáhne zkoumaný signál vybrané hodnoty je důležitou součástí analýzy časových řad. Pro tento účel existuje spousta zajímavých metod. Jeden typ metod se nazývá ohraničené (například metoda půlení intervalu), při kterých je zaručeno nalezení kořenu, avšak metody typicky konvergují pomalu. Druhý typ metod se nazývá neohraničené, které konvergují rychle, avšak svojí povahou nemusí nalézt řešení (metody využívající derivace). Vaším úkolem je vybrat tři různorodé funkce (například polynomiální, exponenciální/logaritmickou, harmonickou se směrnicí, aj.), které mají alespoň jeden kořen a nalézt ho jednou uzavřenou a jednou otevřenou metodou. Porovnejte časovou náročnost nalezení kořene a přesnost nalezení.

**Řešení:**

Úkol nebyl zrovna jednoduchý, co se týče vymyšlení funkce, která by to řešila, naštěstí pro mě je na internetu dost rad. Pro přesnost jsem tam přidala funkci, která nemá kořen v daném intervalu, abych ukázala, co to vyhodí za výsledek. Taktéž jsem si musela zase nastudovat metody výpočtu. Celkově mi to zabralo nejvíce času z celé práce.

# 6. Generování náhodných čísel a testování generátorů

**Zadání:**

Tento úkol bude poněkud kreativnější charakteru. Vaším úkolem je vytvořit vlastní generátor semínka do pseudonáhodných algoritmů. Jazyk Python umí sbírat přes ovladače hardwarových zařízení různá fyzická a fyzikální data. Můžete i sbírat data z historie prohlížeče, snímání pohybu myší, vyzvání uživatele zadat náhodné úhozy do klávesnice a jiná unikátní data uživatelů.

**Řešení:**

Tak tohle bylo něco. Snažila jsem se o řešení problému bez použití knihovny. Nakonec jsem to vzdala a využila knihovnu. S ní to už nebyla žádné věda. Funkce jako seed a random tuto úlohu řeší hned.

# 8. Derivace funkce jedné proměnné

**Zadání:**

Numerická derivace je velice krátké téma. V hodinách jste se dozvěděli o nejvyužívanějších typech numerické derivace (dopředná, zpětná, centrální). Jedno z neřešených témat na hodinách byl problém volby kroku. V praxi je vhodné mít krok dynamicky nastavitelný. Algoritmům tohoto typu se říká derivace s adaptabilním krokem. Cílem tohoto zadání je napsat program, který provede numerickou derivaci s adaptabilním krokem pro vámi vybranou funkci. Proveďte srovnání se statickým krokem a analytickým řešením.

**Řešení:**

I když jsem matematik, musela jsem si nejdřív nastudovat co to znamená dopředná, zpětná a centrální derivace. Pak už to bylo jednoduché, jen jsem napsala funkce pro jednotlivé derivace a nechala vypsat výsledky.

# 9. Integrace funkce jedné proměnné

**Zadání:**

V oblasti přírodních a sociálních věd je velice důležitým pojmem integrál, který představuje funkci součtů malých změn (počet nakažených covidem za čas, hustota monomerů daného typu při posouvání se v řetízku polymeru, aj.). Integraci lze provádět pro velmi jednoduché funkce prostou Riemannovým součtem, avšak pro složitější funkce je nutné využít pokročilé metody. Vaším úkolem je vybrat si 3 různorodé funkce (polynom, harmonická funkce, logaritmus/exponenciála) a vypočíst určitý integrál na dané funkci od nějakého počátku do nějakého konečného bodu. Porovnejte, jak si každá z metod poradila s vámi vybranou funkcí na základě přesnosti vůči analytickému řešení.

**Řešení:**

V tomto řešení byla velkým pomocníkem knihovna scipy. Naprogramovat jednotlivé metody bylo poměrně náročné. Naneštěstí v knihovně spicy jsou na to příkazy. Dál už šlo jen o formalitu.

# 10. Řešení obyčejných diferenciálních rovnic

**Zadání:**

Diferenciální rovnice představují jeden z nejdůležitějších nástrojů každého přírodovědně vzdělaného člověka pro modelování jevů kolem nás. Vaším úkolem je vybrat si nějakou zajímavou soustavu diferenciálních rovnic, která nebyla zmíněna v sešitech z hodin a pomocí vhodné numerické metody je vyřešit. Řešením se rozumí vizualizace jejich průběhu a jiných zajímavých informací, které lze z rovnic odvodit. Proveďte také slovní okomentování toho, co lze z grafu o modelovaném procesu vyčíst.

**Řešení:**

doplňte